

## VII. ΧΗΜΙΚΗ ΙΣΟΡΡΟΠΙΑ

### VII. 1. Σταθερά ισορροπίας διά τῶν συναρτήσεων καταμερισμοῦ

Μία χημική άντιδρασις άποδίδεται γενικώς άπό τήν έξ.  
(1.16)

$$0 = \sum_i v_i A_i$$

Είς τήν ισορροπίαν ισχύει

$$\sum_i v_i \mu_i = 0 \quad (\text{VII.1})$$

$\Delta G = 0$

Διά τήν άντιδρασιν είς ιδανικήν άέριον φάσιν



ή συνθήκη ισορροπίας άπαιτεται

$$\mu_A + 2\mu_B = 3\mu_C \quad (\text{VII.2})$$

είτε

$$\ln \left( \frac{f_A}{N_A} \right) + \ln \left( \frac{f_B}{N_B} \right)^2 = \ln \left( \frac{f_C}{N_C} \right)^3 \quad (\text{VII.3})$$

\* Εξ αύτῆς λαμβάνομεν

$$K_N(V, T) \equiv \frac{N_C^3}{N_A N_B^2} = \frac{f_C^3}{f_A f_B^2} \quad (\text{VII.4})$$

Διαιροῦντες ἀριθμητήν καὶ παρονομαστήν εἰς ἀμφοτέρας τάς πλευράς τῆς ἔξισώσεως διά λ<sup>3</sup> λαμβάνομεν

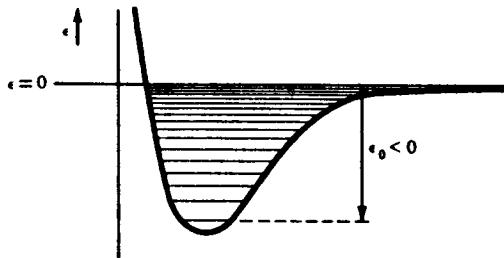
$$K_C \equiv -\frac{C_C^3}{C_A C_B^2} = \frac{(f_C/V)^3}{(f_A/V)(f_B/V)^2} \quad (\text{VII.5})$$

καὶ γενικῶς

$$K_C(T) = \prod_i c_i^{v_i} = \prod_i (f_i/V)^{v_i} \quad (\text{VII.6})$$

Ἡ σταθερά ἴσορροπίας ὑπολογίζεται ἀπό τὴν ἐλευθέραν ἐνθαλπίαν τῶν συστατικῶν τῆς ἀντιδράσεως (ἀντιδρώντων καὶ προϊόντων) εἰς τὴν κατάστασιν ἀναφορᾶς αὐτῶν. Βεβαίως, κατά τὸν ὑπολογισμὸν τῶν συναρτήσεων καταμερισμοῦ, πρέπει νὰ γίνῃ μία ἐπιλογὴ τοῦ μηδενός τῆς ἐνεργείας δι' ὅλα τὰ συστατικά τοῦ συστήματος. Ἡ συνήθης ἐπιλογὴ εἶναι νά στέσωμεν μηδενικήν ἐνέργειαν εἰς τὰ ἀντιδρῶντα καὶ προϊόντα διατάξας τῶν ἀπόστασιν καὶ δέν ἔχουν κινητικήν ἐνέργειαν (SSA, stationary separated atoms)

Σχ. (VII.1)



Σχ. (VII.1)

Εἶναι σαφές ὅτι εἰς μίαν τοιαύτην ἐπιλογὴν αἱ σταθεραὶ ἀπεικονίσεις τῶν ἀτόμων εἰς τὰ μόρια θά ἔχουν ἀρνητικήν ἐνέργειαν ἐν σχέσει πρὸς τὸ μηδέν. Ἐφ' ὅσον δμως αἱ ἐνέργειαι τῶν κινητικῶν καταστάσεων μετροῦνται ἀπό ἔκείνην τῆς θεμελιώδους καταστάσεως τοῦ συστήματος πρέπει νά εἴσαχθῇ εἰς παραγῶν διορθώσεως τῆς ἐνεργείας.

Δηλαδή ἔχομεν

$$f = f' e^{-\epsilon_0/kT} \quad (\text{VII.7})$$

ὅπου εἰς τὴν συνάρτησιν καταμερισμοῦ  $f'$  αἱ ἐνέργειαι μετροῦ-

ται άπό τήν κατωτέραν ένεργειακήν στάθμην. Διά τό διατομικόν μόριον τό ε<sub>0</sub> είναι ή ένέργεια διασπάσεως αύτοῦ είς 0°K. Λόγω τής μετατοπίσεως τοῦ μηδενός τής ένεργείας είς τήν κατάστασιν SSA έχουμεν ένα νέον προσθετικόν όρον είς τάς καταστατικάς συναρτήσεις, έκτός τής S καὶ θερμοχωρητικότητος αἱ δποῖαι είναι άνεξάρτητοι τοῦ μηδενός τής ένεργείας.

· Η μοριακή συνάρτησις καταμερισμοῦ, κατά ταῦτα, είναι:

$$f = f'_t f'_r f'_v f'_e e^{-\epsilon_0/kT} \quad (\text{VII.8})$$

Παραλείποντες τόν τόνον διά λόγους άπλοτητος δυνάμεθα νά γράψωμεν διά 1δανικόν άέριον N δμοίων μορίων

$$Q = \frac{1}{N!} (f_t)^N f_r^N f_v^N f_e^N e^{-\beta \epsilon_0} \quad (\text{VII.9})$$

καὶ κατά γραμμομόριον

$$F = -RT \ln \left( \frac{fe}{N} \right)$$

$$F+PV = G = \mu = -RT \ln \left( \frac{f}{N} \right) \quad (\text{VII.10})$$

$$S = R \ln \left( \frac{fe}{N} \right) + \frac{E}{T}$$

· Αρα διά τό 1δανικόν μονατομικόν άέριον έχουμεν  $f=f_t e^{-\beta \epsilon_0}$

$$E = \frac{3}{2} RT + E_0$$

$$S = \frac{5}{2} R + R \ln \left[ \frac{(2\pi mkT)^{3/2}}{h^3} \frac{V}{N} \right]$$

$$F = -RT \ln \left[ \frac{(2\pi mkT)^{3/2}}{h^3} \frac{V}{N} \right] - RT + E_0 \quad (\text{VII.11})$$

$$\mu = -RT \ln \left( \frac{f}{N} \right) = -RT \ln \left( \frac{f_t}{N} \right) + E_0$$

· Η σταθερά E<sub>0</sub> άπουσιάζουσα είς τήν ξηφαρασιν τής έντροπίας, έπανεμφανίζεται είς τάς συναρτήσεις F, G.

Γνωρίζομεν ἕδη ὅτι ή μοριακή συνάρτησις καταμερισμοῦ τής μεταφορικής ένεργείας 1δανικοῦ άερού είναι

$$f_t = \frac{(2\pi mkT)^{3/2}}{h^3} \frac{RT}{P}$$

Είς τήν κατάστασιν άναφορᾶς,  $P=1$  άτμ.,

$$f^0 \equiv [f_t f_i]_{std} = \frac{(2\pi mkT)^{3/2}}{h^3} RT f_i \quad (VII.12)$$

δπου  $f_i$  άναφέρεται είς έσωτερικούς βαθμούς έλευθερίας. Πρέπει νά σημειωθῇ ότι τό k έκφραζεται είς erg/mole<sup>0</sup>K ένω τό R είς cm<sup>3</sup>atm/mole<sup>0</sup>K. Ένω προηγουμένων έξισώσεων έχομεν

$$\begin{aligned} \mu &= -RT \ln \frac{f}{N} \\ &= -RT \ln \left[ \left( \frac{f^0}{N} \right) e^{-\beta \varepsilon_0^0} \right] + RT \ln P \end{aligned} \quad (VII.13)$$

εἶτε

$$\mu = \mu^0 + RT \ln P \quad (VII.14)$$

Καταλήγομεν συνεπῶς είς τήν στατιστικήν έκφρασιν τοῦ χημικοῦ δυναμικοῦ είς τήν κατάστασιν άναφορᾶς

$$\mu^0 = -RT \ln \left[ \left( \frac{f^0}{N} \right) e^{-\beta \varepsilon_0^0} \right] \quad (VII.15)$$

Άρα έχομεν

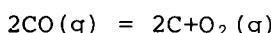
$$\Delta G^0 = \sum_j v_j \mu_j^0 = -RT \ln \prod_j \left[ \left( \frac{f_j^0}{N} \right)^{v_j} e^{-\beta v_j \varepsilon_{0j}^0} \right] \quad (VII.16)$$

Έάν  $\sum_j v_j N \varepsilon_{0j}^0 = \Delta E_0^0$ , έπειται ότι είς τήν κατάστασιν άναφορᾶς

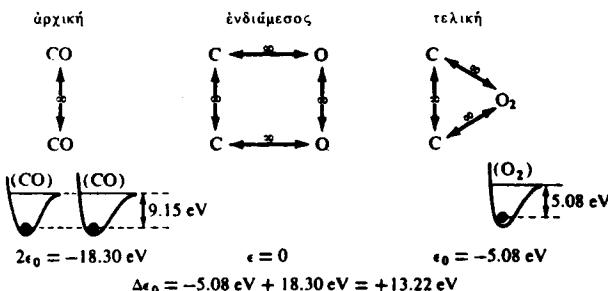
$$\Delta G^0 = -RT \ln \prod_j \left[ \left( \frac{f_j^0}{N} \right)^{v_j} \right] + \Delta E_0^0 \quad (VII.17)$$

δπου  $\Delta E_0^0$  είναι ή γραμμομοριακή θερμότης άντιδράσεως είς τό απόλυτον μηδέν, μέ τήν προϋπόθεσιν ότι δλα τά μοριακά είδη έμετροήθησαν ως πρός κοινήν ένεργειακήν στάθμην άναφορᾶς.

Έστω π.χ. ή άντιδρασις



Η ένεργειακή κατάστασις είς τό απόλυτον μηδέν, πρό καί μετά τήν άντιδρασιν έμφαίνεται είς τό σχ. (VII.2)



ΣΥ. (VII.2)

Διά τήν δλιεκήν άντιδρασιν ή δποία περιλαμβάνει τήν διάσπασιν δύο δεσμών C-O και τόν σχηματισμόν ένός δεσμού O-O,  $\Delta E_0 = 13,22 \text{ eV}$  και  $\Delta E_0 = N\Delta E_0 = 304 \text{ kcal/mole}$ . 'Εφ' δσον ως έπιλογή του μηδενός της ένεργειας έληφθη η κατάστασις είς τήν δποίαν τά διτομα εύρισκονται είς απειρονάπόστασιν μεταξύ των, τότε ή Δε<sub>0</sub> της άντιδράσεως είναι ή διαφορά μεταξύ της ένεργειας ή δποία πρέπει νά καταναλωθῇ διά τήν διάσπασιν τῶν δύο μορίων CO είς τήν κατωτάτην ένεργειακήν κατάστασιν και της ένεργειας ή δποία αποδίδεται κατά τήν συνένωσιν τῶν δύο διτομών δευγόνου είς τήν κατωτάτην ένεργειακήν κατάστασιν.

· Η σταθερά ίσορροπίας διά τήν δημογενή ἀντίδρασιν εἰς  
ίδαιναικήν ἀέριον φάσιν δύναται τῇδη νά γραφῆ

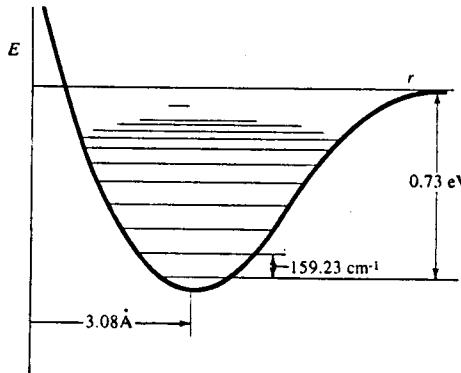
$$\Delta G^{\circ} = -RT \ln K_p = -RT \ln \left[ \prod_i \left( \frac{f_i^0}{N} \right)^{v_i} e^{-\beta \Delta \epsilon_i^0} \right] \quad (VII.18)$$

$$K_p = \prod_i \left( \frac{f_i^0}{N} \right)^{v_i} e^{-\Delta \epsilon_i^0 / RT}$$

### 1) Εἰς τὴν ἀντίδρασιν



είς  $1000^{\circ}\text{K}$  αὶ μοριακαὶ παράμετροι αὶ δποῖαὶ ἀπαιτοῦνται διά τόν ὑπολογισμόν τῆς  $K_p$  δεικνύονται είς τό σχ. (VII.3). Φα σματοσκοπικαὶ μετρήσεις δέδουν  $\epsilon_0 = -0,73 \text{ eV}$ . Ἡ θεμελιώδης συχνότης δονήσεως εἶναι  $\bar{\nu} = 159,23 \text{ cm}^{-1}$  καὶ ἡ διαπυρηνικὴ ἀ πόστασις οροροπίας εἶναι  $3,08 \text{ \AA}$ .



Σχ. (VII.3)

$$K_p = \frac{\left(\frac{2\pi kT}{h^2}\right)^{3/2} RT \left(\frac{m_{Na}^2}{m_{Na_2}}\right)^{3/2}}{K_t} \frac{\left(\frac{\sigma h^2}{8\pi^2 I_{Na_2} kT}\right) (1-e^{-x}) e^{-\Delta E_0^0/RT}}{K_r} \frac{1}{K_u} \frac{1}{K_0}$$

Δηλαδή έχομεν:

α) Μεταφορική αύξησις

$$K_t = (2,78 \cdot 10^{60}) \cdot (82,05 \cdot 10^3) \cdot (83,1 \cdot 10^{-36}) \\ (g^{-3/2} \text{cm}^{-3}) \quad (\text{cm}^3 \text{atm}) \quad (g^{3/2})$$

$$K_t = 1,898 \cdot 10^{31} \text{ atm}$$

β) Περιστροφή

$$I_{Na_2} = 1,81 \cdot 10^{-38} (\text{gr} \cdot \text{cm}^2), \quad \frac{8\pi^2 k}{2h^2} = 1,24 \cdot 10^{38} (\text{erg}^{-1} \text{K}^{-1} \text{sec}^{-2})$$

$$K_r = \frac{1}{1,24 \cdot 10^{38} \cdot 10^3 \cdot 1,81 \cdot 10^{-38}} = 4,46 \cdot 10^{-4}$$

γ) Δόνησις

$$x = \frac{hv_0}{kT} = \frac{hc\bar{v}_0}{kT} = 0,229 \Rightarrow K_u = 1-e^{-x} = 0,205$$

Γιτοι έχομεν μερικήν διέγερσιν.

δ) Η ήλεκτρονική διέγερσις δύναται νά αγνοηθή τελείως.

$$\epsilon) K_0 = e^{-\frac{\Delta E_0^0}{RT}} = e^{-\frac{0,73 + 23,053}{1,98 \cdot 10^3}} = 2,10 \cdot 10^{-4}$$

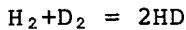
Η σχετικῶς μεγάλη τιμή τῆς ένεργείας διασπάσεως ὑποδηλοῦ προτίμησιν πρός συνένωσιν.

Η δλική  $K_p$  είναι τό γινόμενον

$$K_p = K_t K_r K_u K_0 = 3,64 \cdot 10^{23}$$

Είναι προφανές ότι τό νάτριον είς άέριον φάσιν είς  $1000^0\text{K}$  εύρισκεται κυρίως ώς μονομερές.

2) Διά τήν άντερασιν



είς  $1000^0\text{K}$  έχομεν

$$K_c = K_t K_r K_u e^{-\frac{\Delta E_0^0}{kT}}$$

"Αρα

$$K_t = \left[ \frac{(2\pi m_{\text{HD}} kT/h^2)^2}{(2\pi m_{\text{H}_2} kT/h^2)(2\pi m_{\text{D}_2} kT/h^2)} \right]^{3/2} = \left[ \frac{M_{\text{HD}}^2}{M_{\text{H}_2} M_{\text{D}_2}} \right]^{3/2}$$

$$K_r = \frac{(8\pi^2 I_{\text{HD}} kT/h^2)^2}{(8\pi^2 I_{\text{H}_2} kT/h^2)(8\pi^2 I_{\text{D}_2} kT/h^2)} \cdot \frac{\sigma_{\text{H}_2} \sigma_{\text{D}_2}}{\sigma_{\text{HD}}^2} = \frac{4 I_{\text{HD}}^2}{(I_{\text{H}_2} I_{\text{D}_2})}$$

$$K_u = \frac{[1-\exp(-\Theta_{\text{H}_2} / T)] [1-\exp(-\Theta_{\text{D}_2} / T)]}{[1-\exp(-\Theta_{\text{HD}} / T)]^2}$$

$$\Delta E_0^0 = -2D_0^0(\text{HD}) + D_0^0(\text{H}_2) + D_0^0(\text{D}_2)$$

Ο πίναξ (VII.1) παρέχει τάς σχετικάς τιμάς.

Ιδιότης	$\text{H}_2$	$\text{D}_2$	HD
Διαπυρηνική άποστασις $10^{10} \text{R/m}$	0,7414	0,7417	0,7413
Μοριακόν βάρος	2,015	4,028	3,022
Συχνότης δονήσεως $\omega/\text{cm}^{-1}$	4405	3119	3817
Ένέργεια δονήσεως $D_0^0/\text{ev}$	4,4763	4,5536	4,5112
$f_u$ είς $1000^0\text{K}$	1,000	1,003	1,001

Πίναξ VII.1

$$\begin{aligned} \Delta E_0^0 &= (-2 \cdot 4,5112 + 4,4763 + 4,5536) \cdot 96,48 \text{ kJ mole}^{-1} \\ &= +0,0075 \cdot 96,48 = 723 \text{ J mole}^{-1} \end{aligned}$$

"Αρα ή τελική έκφρασις διά τήν  $K_c$  είναι:

$$\begin{aligned}
 K_c &= \left[ \frac{M_{HD}^2}{M_{H_2} M_{D_2}} \right]^{3/2} \cdot \left[ \frac{\mu_{HD}^2}{\mu_{H_2} \mu_{D_2}} \right] \cdot 4 \cdot \left[ \frac{R_{HD}^2}{R_{H_2} R_{D_2}} \right]^2 \cdot K_U \cdot e^{-\frac{\Delta E_0}{RT}} \\
 &= \left[ \frac{3,022^2}{2,015 \cdot 4,028} \right]^{3/2} \left[ \frac{1,008^2 \cdot 2,014^2}{3,022^2 \cdot 0,5039 \cdot 1,0070} \right] \cdot 4 \\
 &\quad \cdot \left[ \frac{0,7413^2}{0,7414 \cdot 0,7417} \right]^2 \cdot \left[ \frac{1,001^2}{1,003 \cdot 1,000} \right] \cdot e^{-\frac{723}{1000 \cdot 8,314}} \\
 &= 1,194 \cdot 3,557 \cdot 0,999 \cdot 0,999 \cdot 0,917 \\
 &= 3,887
 \end{aligned}$$

Η τιμή αύτή της  $K_c$  εύρισκεται είς έξαιρετικήν συμπωνίαν μέτρην πειραματικήν τιμήν  $3,8 \pm 0,1$ . Είναι προφανές ότι είς τότε τελικόν διποτέλεσμα σημασίαν έχει διάριθμός συμμετρίας.

Γενικώς έάν είς τήν αντίδρασιν έχωμεν τόν αύτόν διάριθμόν μορίων καί, είδικώς, έάν τά μόρια αύτά έχουν τούς αύτούς περιστροφικούς βαθμούς έλευθερίας, τότε δλαιι αὶ σταθεραὶ είς τάς  $K_t$  καὶ  $K_r$ , διπαλεύφονται καὶ οἱ υπολογισμοὶ διπλοποιοῦνται.

\* \* \* \*

**ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ**

- 1) Θ.ΓΙΑΝΝΑΚΟΠΟΥΛΟΣ: Χημική Θερμοδυναμική, 'Αθήνας 1974.
- 2) Κ.ΑΛΕΞΟΠΟΥΛΟΣ: Μαθήματα Στατιστικής και Κβαντικών Θεμάτων Φυσικής, 'Αθήνας 1958.
- 3) Κ.ΠΟΛΥΔΩΡΟΠΟΥΛΟΣ: Στοιχειώδης Κβαντική Χημεία, 'Αθήνας 1971.
- 4) F.SEARS: An Introduction to Thermodynamics, the Kinetic Theory of Gases and Statistical Mechanics. Addison-Wesley Publication Co. USA 1959.
- 5) E.MOELWYN-HUGHES: Physical Chemistry, Pergamon Press, London 1957.
- 6) J.R.PARTINGTON: An Advanced Treatise on Physical Chemistry, Vol I, Longmann, Green and Co, London 1949.
- 7) J.S.ROWLINSON: The Perfect Gas, Pergamon Press, N.Y. 1963.
- 8) J.JEANS: An Introduction to Kinetic Theory of Gases, Cambridge 1940.
- 9) H. TAYLOR AND S. GLASSTONE: Treatise on Physical Chemistry, Vol II, Van Nostrand, N.Y. 1951.
- 10) E.GUGGENHEIM: Elements of the Kinetic Theory of Gases, Pergamon Press 1960.
- 11) E.MASON AND T.SPURLING: The Virial Equation of State, Pergamon Press, Oxford 1969.
- 12) S.BRUSH: Kinetic Theory, Vol I, Pergamon Press 1966.
- 13) G.CASTELLAN: Physical Chemistry, Addison-Wesley Publishing Co 1971.
- 14) M.ZEMANSKY: Heat and Thermodynamics, McGraw-Hill, 1968.
- 15) F.PILAR: Elementary Quantum Chemistry, McGraw-Hill 1968.

- 16) E.KAUFMAN: Advanced Concepts in Physical Chemistry, McGraw-Hill, N.Y. 1966.
- 17) W.JOST: Diffusion, Methoden der Messung und Auswertung, Verlag von Dr. D.Steinkopff, Darmstadt 1957.
- 18) A.SOMMERFELD: Thermodynamics and Statistical Mechanics: V5, Academic Press N.Y. 1964.
- 19) J.HIRSCHFELDER, CH.CURTIS, R.BIRD: Molecular Theory of Gases and Liquids, John Wiley and Sons, N.Y. 1964.
- 20) J.E.MAYER AND M.G.MAYER: Statistical Mechanics, John Wiley and Sons, Inc. N.Y. 1966.
- 21) F.ANDREWS: Equilibrium Statistical Mechanics, John Wiley and Sons, Inc. N.Y. 1963.
- 22) J.H.KNOX: Molecular Thermodynamics, John Wiley and Sons, Inc. N.Y. 1971.
- 23) L.LANDAU AND E.LIFSHITZ: Statistical Physics, Pergamon Press, London 1959.
- 24) PH.M.MORSE: Thermal Physics, W.Benjamin Inc. N.Y. 1964.
- 25) G.S.RUSHBROOKE: Introduction to Statistical Mechanics, Oxford at the Clarendon Press, 1962.
- 26) A.H. WILSON: Thermodynamics and Statistical Mechanics, Cambridge University Press, 1966.
- 27) T.L.HILL: An Introduction to Statistical Thermodynamics, Addison-Wesley Publishing Co, Reading, Mass, 1960.
- 28) J.WILKS: The Third Law of Thermodynamics, Oxford University Press, Oxford 1961.
- 29) A.MÜNSTER: Statistische Thermodynamik, Springer-Verlag, Berlin 1956.
- 30) R.H.FOWLER AND E.A.GUGGENHEIM: Statistical Thermodynamics, Cambridge University Press, 1939.
- 31) H.EYRING, D.HENDERSON, W.JOST: Physical Chemistry, An Advanced Treatise, Volume II, Statistical Mechanics, Academic Press N.Y. 1967.

**ΠΙΝΑΞ ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΩΝ**

**ΠΡΟΛΟΓΟΣ**

**Σελίς 3**

**ΜΕΡΟΣ ΠΡΩΤΟΝ - ΚΙΝΗΤΙΚΗ ΘΕΩΡΙΑ ΑΕΡΙΩΝ**

<b>1. ΑΕΡΙΟΣ ΚΑΤΑΣΤΑΣΙΣ</b>		
1.1. 'Ανεξάρτητοι μεταβληταί .....	"	8
1.2. 'Εντατικαί και έκτατικαί ίδια διτητές .....	"	10
1.3. 'Ιδανικόν άέριον. Καταστατική έξισωσις .....	"	11
1.4. Προσδιορισμός μοριακοῦ βάρους .....	"	12
1.5. Μέση γραμμομοριακή μᾶζα μίγματος άερίων .....	"	14
1.6. 'Αποκλίσεις από τήν ίδανικήν συμπεριφοράν τῶν άερίων .....	"	14
1.7. Βαθμός διασπάσεως (ή συζεύξεως) καί μεταβλητή προόδου άντιδράσεως .....	"	15
<b>2. ΣΥΜΠΕΡΙΦΟΡΑ ΤΩΝ ΠΡΑΓΜΑΤΙΚΩΝ ΑΕΡΙΩΝ</b>		25
2.1. 'Εξισωσις Van der Waals .....	"	27
2.2. Δυναμική ένέργεια συναρτήσει τῶν διαμοριακῶν δυνάμεων .....	"	32
2.3. Δυναμική ένέργεια καί ένέργεια διασπάσεως ζεύγους μορίων .....	"	37
2.4. 'Ανάπτυξις τῆς έξισώσεως Van der Waals .....	"	42
2.5. Καμπύλαι Van der Waals .....	"	44
2.6. 'Εξισώσεις Virial .....	"	45
2.7. Θεώρημα Virial .....	"	48
2.8. Δυναμική συνάρτησις καί δεύτερος συντελεστής Virial .....	"	53

<b>3. ΠΙΕΣΙΣ ΑΕΡΙΩΝ</b>		<b>Σελίς</b>	<b>65</b>
3.1. Κινητικός ύπολογισμός τής πιέσεως άερίου ...	"	65	
3.2. 'Αριθμός συγκρούσεων ἐπί τής μονάδος ἐπιφανείας .....	"	71	
<b>4. ΚΑΤΑΝΟΜΗ ΤΑΧΥΤΗΤΩΝ ΤΩΝ ΜΟΡΙΩΝ ΑΕΡΙΟΥ</b>		<b>"</b>	<b>73</b>
4.1. Κατανομή κατά Maxwell .....	"	75	
4.2. 'Υπολογισμός τής σταθερᾶς A .....	"	81	
4.3. 'Υπολογισμός τής σταθερᾶς β .....	"	82	
4.4. Γραφική παράστασις τῶν $f(u)$ καὶ $f(c)$ .....	"	83	
4.5. Ταχύτητες μορίων .....	"	88	
4.6. Κατανομή ἐνεργειῶν κατά Maxwell .....	"	90	
4.7. Μαθηματικόν βοήθημα .....	"	98	
<b>5. ΚΙΝΗΤΙΚΗ ΕΝΕΡΓΕΙΑ - ΘΕΡΜΟΧΩΡΗΤΙΚΟΤΗΣ ΑΕΡΙΩΝ</b>		<b>"</b>	<b>103</b>
5.1. Κινητική ἐνέργεια ἴδανικοῦ άερίου .....	"	103	
5.2. Θερμοχωρητικότητες τῶν άερίων καὶ βαθμοί ἐλευθερίας .....	"	104	
5.3. Θεώρημα ίσοκατανομῆς τής ἐνεργείας .....	"	109	
5.4. Σύγκρισις μετά τῶν πειραματικῶν τιμῶν θερμοχωρητικότητος .....	"	112	
5.5. Στοιχεῖα κβαντικῆς θεωρίας .....	"	114	
5.6. Στοιχεῖα Κυματομηχανικῆς. Έξιαστις Shrödinger	"	116	
5.7. Φορμαλισμός τής κυματομηχανικῆς .....	"	120	
5.8. Λύσις τής ἔξισώσεως Shrödinger .....	"	121	
5.9. Μεταφορική ἐνέργεια ἴδανικοῦ άερίου .....	"	122	
5.10. Κβάντωσις ἐνεργείας περιστροφῆς .....	"	130	
5.11. Κβάντωσις ἐνεργείας δονήσεως .....	"	138	
<b>6. ΜΟΡΙΑΚΑΙ ΣΥΓΚΡΟΥΣΕΙΣ</b>			
6.1. Συχνότης συγκρούσεων μεταξύ ἐλαφρῶν καὶ βαρέων μορίων μίγματος άερίων .....	"	147	
6.2. Συχνότης συγκρούσεων μεταξύ δμοίων μορίων άερίου κινούμενων μέ τὴν αὐτὴν ταχύτητα .....	"	150	

6.3.	Συχνότης συγκρούσεων μεταξύ μορίων κινουμένων μέ ταχύτητας καθοριζούμενας από τήν κατανομήν Maxwell - Boltzmann .....	Σελίς
6.4.	Μέση έλευθέρα διαδρομή .....	" 155
6.5.	Εύκινησία ίόντων άερίου .....	" 160
6.6.	Κατανομή τῶν έλευθέρων διαδρομῶν .....	" 163
	<b>7. ΦΑΙΝΟΜΕΝΑ ΜΕΤΑΦΟΡΑΣ</b>	" 164
7.1.	Έσωτερη κή τριβή άερίων .....	" 167
7.2.	Προσδιορισμός ιξώδους - Έξισωσις Poiseuille .....	" 169
7.3.	Συντελεστής θερμικής άγωγιμότητος .....	" 173
7.4.	Θερμική άγωγιμότης μετάλλων .....	" 176
7.5.	Άεριον έλευθέρων ήλεκτρονίων τῶν μετάλλων	" 179
7.6.	Θερμοχωρητικότης έλευθέρων ήλεκτρονίων	" 182
7.7.	Αύτοδιάχυσις ίδανικοῦ άερίου .....	" 187
7.8.	Δεύτερος νόμος τοῦ Fick .....	" 189
7.9.	Άναλυσις Fourier .....	" 191
7.10.	Όλοκλήρωμα Fourier .....	" 194
7.11.	Γενική μέθοδος προσδιορισμοῦ τῶν συντελεστῶν διαχύσεως .....	" 198
	<b>8. ΦΡΑΓΜΑΤΑ ΔΥΝΑΜΙΚΟΥ - ΔΙΑΜΟΡΙΑΚΑΙ ΔΥΝΑΜΕΙΣ</b>	" 201
8.1.	Διαπερατότης φράγματος δυναμικοῦ (φαινόμενον σήραγγος) .....	" 214
8.2.	Το θεώρημα Virial κυματομηχανιῶς .....	" 220
	<b>ΜΕΡΟΣ ΔΕΥΤΕΡΟΝ - ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ ΜΗΧΑΝΙΚΗ</b>	
	<b>ΕΙΣΑΓΩΓΗ .....</b>	" 229
	<b>I. ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ MAXWELL-BOLTZMANN</b>	
I.1.	Έντροπία καί πιθανότης .....	" 231
I.2.	Η πλέον πιθανή κατανομή .....	" 232
I.3.	Ανεξάρτητα μή έντοπισμένα σωμάτια (ίδανικόν άεριον) .....	" 243

I.4.	Συνάρτησις καταμερισμοῦ μονατομικοῦ ίδαι-	Σελίς
	νικοῦ ἀερίου .....	" 244
I.5.	Συνάρτησις καταμερισμοῦ συστήματος Ν μο-	
	ρών .....	" 247
I.6.	Όλική μοριακή συνάρτησις καταμερισμοῦ .	" 249
I.7.	Στατιστική ἐρμηνεία τοῦ Α <sup>ou</sup> θερμοδυναμι-	
	κοῦ νόμου .....	" 251
I.8.	"Εκφρασις ἔργου καὶ θερμότητος διά τῆς συναρτήσεως καταμερισμοῦ .....	" 253

## II. ΘΕΡΜΟΧΩΡΗΤΙΚΟΣ ΣΤΕΡΕΩΝ

II.1.	Συνάρτησις καταμερισμοῦ διά μονοδιάστα-	
	τον ἀρμονικόν ταλαντωτήν .....	" 257
II.2.	Σχέσις Einstein διά τήν θερμοχωρητικότη-	
	τα στερεῶν .....	" 258
II.3.	Θεωρία Debye .....	" 261

## III. ΣΥΝΘΗΚΑΙ ΙΣΧΥΟΣ ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗΣ MAXWELL - BOLTZMANN

III.1.	'Ιδανικόν μονατομικόν ἀέριον .....	" 267
III.2.	'Αέριον ἐλευθέρων ήλεκτρονίων τῶν μετάλλων	" 270

## IV. ΠΡΑΓΜΑΤΙΚΑ ΑΕΡΙΑ

IV.1.	Διαμοριακαί δυνάμεις καὶ καταστατική ἘΞ-	
	ίσωσις Virial .....	" 273
IV.2.	'Αέριον Van der Waals .....	" 276
IV.3.	Καμπύλαι Van der Waals - Κρίσιμον σημεῖον	" 279

## V. ΣΥΝΟΛΑ GIBBS

V.1.	Μέσαι τιμαί - Εἶδη συστημάτων .....	" 283
V.2.	Κανονικόν σύνολον .....	" 285
V.3.	Διακυμάνσεις εἰς τήν ἐνέργειαν .....	" 291
V.4.	'Αρνητική θερμοκρασία .....	" 297
V.5.	Μεγάλοι κανονικόν σύνολον .....	" 299
V.6.	Μεγάλη συνάρτησις καταμερισμοῦ .....	" 301
V.7.	Διακυμάνσεις εἰς τήν πυκνότητα .....	" 306
V.8.	Στατιστική καὶ σπίν .....	" 307

V.9.	Ιδανικόν ιθαντικόν ἀέριον .....	Σελίς	308
V.10.	Ὑπολογισμός τῆς θερμοχωρητικότητος ἀερίου ήλεκτρονίων .....	"	310
V.11.	Ἐφαρμογή τῆς στατιστικῆς BE .....	"	318
V.12.	"Συμπύκνωσις" Bose - Einstein .....	"	320
V.13.	Ἀκτινοβολία μέλανος σώματος - Ἀέριον φωτονίων .....	"	326

**VI. ΣΥΝΑΡΤΗΣΙΣ ΚΑΤΑΜΕΡΙΣΜΟΥ ΔΙΑ ΤΗΝ ΠΕΡΙΣΤΡΟΦΗΝ ΚΑΙ ΣΠΙΝ ΠΥΡΗΝΟΣ**

VI.1.	Μοριακή συνάρτησις καταμερισμοῦ περιστροφικῆς ένεργείας .....	"	333
VI.2.	Ἐσωτερική περιστροφή .....	"	336
VI.3.	Ἄλεκτρονιακή συνάρτησις καταμερισμοῦ ...	"	339
VI.4.	Ολική συμμετρία τοῦ μορίου .....	"	340
VI.5.	Ἐντροπία καί διάτοις θερμοδυναμικός νόμος .....	"	344

**VII. ΧΗΜΙΚΗ ΙΣΟΡΡΟΠΙΑ**

VII.1.	Σταθερά ίσορροπίας διά τῶν συναρτήσεων καταμερισμοῦ .....	"	349
--------	---	---	-----

**ΕΚΤΥΠΩΣΕΙΣ OFFSET: Σ.ΑΘΑΝΑΣΟΠΟΥΛΟΣ - Σ.ΠΑΠΑΔΑΜΗΣ -Χ.ΖΑΧΑΡΟΠΟΥΛΟΣ Ο.Ε.**  
**Έμπ. Μπενάκη 78 Τηλ.: 36.22.928 - 36.15.213**